水文環境の変化に伴う流出形態の変化予測のための流出モデルの開発

福島 晟・武田育郎・森 也寸志

A Runoff Model for Prediction of Change in Runoff Pattern due to the Change of Hydrologic Environment

Akira FUKUSHIMA, Ikuo TAKEDA and Yasushi MORI

Abstract A new runoff model is developed for runoff analysis, which is applicable to discuss the effects of global warming on the hydrological cycle and analyze a runoff phenomena considering the regional distribution of rainfall amount in a river basin. The following results are obtained:

1) The runoff model is combined kinematic wave runoff model with the Long and Short Terms Runoff Model(LST-II Model). Namely, the upper zone of the model is composed by kinematic wave model and the lower zone of one is the same with the LST-II Model.

2) The effective rainfall concerned in the surface runoff and / or prompt subsurface runoff is automatically computed in KiWS Model II.

3) The routine phases of rainwater flow on hillslope and stream flow in stream network are expressed by the kinematic wave model, in which the effective rainfall series corresponding to the regional distribution of rainfall amount are given as input condition for each basin block.

4) A runoff simulation shows that the KiWS Model II is applicable as a runoff model considering the regional distribution of rainfall amount in a river basin.

Keywords: Runoff model; runoff analysis; rainfall distribution; basin model

まえがき

地球温暖化は近年の地球環境問題の一つに位置づけら れている.この地球温暖化による水文循環への影響につ いては、年降水量の増加及び降水量の変動性の増大、雷 雨性の降雨の増大、気温上昇による降雪量の減少と融雪 の早期化等のことが推測されている.そして、温暖化に よるこうした降雨特性の変化の影響を流域規模で評価・ 予測するためには、河川流域内の降雨分布特性及び地形・ 土地利用形態をも考慮しつつ降雨-流出系の長短期流出 特性を実用的精度で表現する流出モデルの設定が一つの 課題としてあげられる.本報では、こうした水文学的課 題への応用を意図した流出モデルを検討するとともに、 その適用可能性について若干検討した結果について述べ る.すなわち、1)自然丘陵山地流域の河道配列構造に基 づく分布型流域モデルの構成法、次いで2)既に提案して いるKiWSモデル(Kinematic Wave Storage Model)¹⁾ すなわち,雨水流モデルと角屋・永井の長短期流出両用 モデル²⁾を統合したモデルによって斜面域及び河道部の 雨水伝播過程を追跡するという流出モデルを活用した流 出シミュレーションによる検討を行う.なお,本流出モ デルは,河川流域内の降雨分布特性及び地形・土地利用 形態の特性を考慮できる分布型モデル構成とする.また 本流出モデルでは,分布型流域モデルの斜面域からの低 水流出量が算定可能であることから,河道流計算には直 接流出成分のみならず,この低水流出成分をも取込む手 法を考えることにする.

1. 河道網の設定法と分布型流域モデル構成

まず,自然丘陵山地流域を対象として,分布型流出モ デルの適用に際して設置される流域モデルを河道配列構 造に基づいて作成することについて言及する. 国土地理院の1/2.5万あるいは1/5万地形図に記載の 河道で形成される河道網をまず、N₁方式³⁰で次数化する. 次いで、1次河道の集水域およびその残流域を単位流域 として流域を分割し、それぞれのブロックを長方形状ブ ロックに置換したものを1次流域モデルとする.そして、 流域規模に応じた流出現象の時間的・空間的特性を考慮 しつつ、実用的観点から流域モデルの単位流域の基準次 数を逐次上げて集中化することを考える.すなわち、流 域モデルの単位流域の基準次数をモデル集中化の指標と する.また、u次集水域を単位流域とする流域モデルを u、次流域モデルと呼称することにする.

なお、u.次流域モデルは、ブロックの上流側から河道 が流入しない外側ブロックと、ブロック上流側に他のブ ロックが連なり上流側から河道が流入する内側ブロック とから構成されることになるが、各ブロックの河道長は 次のようにして評価する.すなわち、外側ブロックでは u次河道長Luと主流方向の(u-1)次河道長Lu-1の 和で、内側ブロックではそのブロックの主河道長を当該 ブロックの河道長とする.また、各ブロックの斜面勾配 の計測には、加重平均による谷線法⁰を適用する.

2. 流出モデルと流出解析法

2. 1流出モデル

図1はKiWSモデルで、上述の分布型流域モデルの各 ブロック斜面域における雨水の流れを表現しようとする 流出モデルの模式図である.本モデルは図2のように、 雨水流モデルと長短期流出両用モデルを併合した流出モ デルを意図している.すなわち、長短期流出両用モデル において、樹木等による降雨遮断効果、および第1段タ ンク下層部、第2~3段タンクはそのまま利用して、降 雨遮断量,遅い中間流出量、地下水流出量を算定する一 方、表面流出、早い中間流出で形成される斜面流および 河道流には雨水流モデルを適用しようとする流出モデル であることから、本流出モデルをKiWSモデル(Kinema tic Wave Storage Modelの略称)と呼称している.図 1の流出モデルにおいて、第1段タンク下層部への雨水浸 透成分は、遅い中間流出および地下水流出を構成する低 水流出成分に変換される.

本流出モデルは当初,図1のタンクを底幅が単位長(=1m),奥行が分布型流域モデルの平均斜面長B(m) とする単一のタンクとし、この単一のタンクからの低水 流出高を算定するとともに、表面流出、早い中間流出で 構成される直接流出高を分布型流出モデルである雨水流 モデルで追跡し、流域最下流端部における直接流出高を



KiWSモデル:雨水流モデル+LST-Iモデル



算定した後,この直接流出高と前述の低水流出高との和 を,計算単位時間毎の流域最下流端流出量に換算すると いう手法によってモデルを構築していた.

実流域での雨水流出の素過程を忠実にモデル化するに は、流出現象を支配する他の諸要素も考慮しなければな らないが、ここではとりあえず以下のように、分布型流 域モデルの各ブロック毎に地域的分布を考慮した降雨量 系列を入力し、かつ各ブロックの土地利用形態に応じた 斜面流への有効降雨系列が算定できるように改良する.

なお、以下では本報で示すKiWSモデルをKiWSモデ ルII、当初の流出モデルをKiWSモデルIと呼称するこ とにする.

さて、分布型流域モデルの各ブロックの斜面域におい ては、図1に示すKiWSモデルⅡにより、降雨遮断量、 低水流出高、浸透能、浸透高、蒸発散量が以下の式で算 定されるものとする.

降雨遮断量:

角屋・永井法で採用されている次式の形で樹木等によ

る降雨遮断量I」を算定し、分布型流域モデルの各ブロッ クへの入力降雨系列r_iより降雨遮断量を差し引いた雨量 系列r_aを第1段タンク上層に入力する².

 $I_i = (z_0 - S_{00}) \{1 - \exp(-R_i / z_0)\} \dots (2)$

ここに,R_i:入力降雨の単位時間を Δt_r 秒としたとき, i Δt,時刻までの累加雨量 (mm), I_i: i Δt_r時刻まで の降雨遮断可能量 (mm), zo: 最大遮断量 (mm), So: 初期貯留量 (mm), r_i : 時刻 (i-1) $\Delta t_r \sim i \Delta t_r$ 間 の降雨量(強度)(mm/h), r_{a} ,i:時刻(i-1) Δt_{r} ~ i ∆t_r間の降雨遮断効果を受けた後の降雨量(強度) (mm/h).

低水流出高,浸透能,浸透高:

 $Q_3 = \alpha_{1a_3}(S_2 - z_3) \quad \text{(for } S_2 \ge z_3),$ $Q_3 = 0$ (for $S_2 \langle z_3 \rangle$ (4) $Q_4 = \alpha_{1a_4}S_3 \cdots (5), \qquad Q_5 = \alpha_{1a_5}S_4 \cdots (6)$ $f = \alpha_1 b_1 (z_2 + z_3 - S_2) \cdots (7)$ $g_1 = \alpha_1 b_2 S_2 \cdots (8)$ $g_2 = \alpha_1 b_3 S_3 \cdots (9)$ ここに,Q₃~Q₅:流出成分で,Q₃は遅い中間流出高 (mm/h),Q₄とQ₅は地下水流出高 (mm/h),f:第1 段タンク上層部よりの浸透能 (mm/h),g1,g2: 下段タ ンクへの供給量 (mm/h), $\alpha_1 = \alpha_s/B$, B:各ブロッ クの斜面長 (m), α_s: 換算係数で計算単位時間をΔts 秒としたとき, $\alpha_s = \Delta t_s \times 10^2$ となるが, 各変量に上述の ような単位を用いると、*a*s=36となる. as:遅い中間流 を規定する定数 (cm/s), a,, as: 地下水流を規定す る定数 (cm/s), b₁~b₃: 鉛直方向の浸透量を規定す る定数 (cm/s), z₂,z₃: 流出孔の高さ (mm).

蒸発散量:

Εo

蒸発散量E₊(mm/d)を石原・小葉竹の研究⁵およ び角屋・永井の長短期流出両用モデルにおける手法。を 利用し、次式の形式で算定することにする.

(10)

$\mathbf{E}_{t} = \mathbf{E}_{1} + \mathbf{E}_{2} + \mathbf{E}_{3} \tag{10}$					
$E_1 = E_0 - E_c$, for $S_0 > 0$, $S_1 > 0$					
or $S_2 \ge z_3$ (11)					
$=S_{2} (E_{0}-E_{c}) / Z_{3},$	for	$S_0 = S_1 = 0$,			
	and	$0 \leq S_2 \leq Z_3$			
$\mathrm{E}_{2} = \tau \mathrm{E}_{c}$	for	$S_{3} > 0 \cdots (12)$			
$E_{3} = (1 - \tau) E_{c},$	for	$S_4 > 0 \dots (13)$			
ここに, E. : 時間 t における蒸発散強度 (mm/d),					
E ₀ :最大蒸発散強度(mm/	∕d), E∘	: 最終蒸発散強度			
(mm/d), τ:最終蒸発散量	≣E₀の第	2段タンクへの配			

分比で、ここでは $\tau = 0.6$ と仮定する.

また降雨遮断タンクおよび第1段~3段タンクについ ての連続の式は以下の式で与えられる.

連続の式:

$dS_0 / dt = r - r_a$ for $S_0 < z_0$ and $r \neq 0$					
= 0 , for $S_0 = z_0$ and $r \neq 0 \cdots (14)$					
$=-E_1$, for $0<\!\!S_0\leq z_0$ and $r=0$					
$dS_1 \diagup dt{=}r_{*}$, for $0 \leq S_1 {<} z_{12}$ and $r \neq 0$					
= 0 , for $S_1 = z_{12}$ and $r \neq 0$ (15)					
$=\!-\mathrm{E}_{1}^{\scriptscriptstyle \perp}$, for $\mathrm{S}_{0}\!=0$, $0\!<\!\!\mathrm{S}_{1}\!\leq\!\!\mathrm{z}_{12}$ and $r\!=0$					
$dS_2 / dt = fg - Q_3 - g_1 - E_1$, for $S_2 \ge z_3$ (16)					
$= fg - g_1 - E_1$, for $S_2 < z_3$					
$dS_{3}/dt = g_{1} - Q_{4} - g_{2} - E_{2}$ (17)					
$dS_4 / dt = g_2 - Q_5 - E_3$ (18)					

ここに、S₀:降雨遮断タンクの貯留量 (mm), t: 時間(h), r: 各ブロックへの入力降雨強度(mm/h), r_a:降雨遮断効果を受けた後の降雨量 (mm/h), S₁~ S₄: 第1段タンク上層~第3段タンクの貯留量 (mm), fs:第1段タンク上層部よりの補給量 (mm/h), Ei~ E¹: 蒸発散に伴う各段タンク貯留量の減少強度(mm/ h), Z12,Z3:流出孔の高さ(mm)である.

上述の連続の式中のEi~E。はそれぞれEi~E。の値を mm/hに換算したものである.

次いで,表面流出および早い中間流出で形成される斜 面流出高Q₁,Q₂は雨水流モデルを介して斜面下流端に おける河道への単位幅当たり横流入量として算定する. なお,各ブロック左右岸斜面域からの河道単位長流入量 には、表面流および早い中間流で形成される斜面流出成 分のみならず、上述の低水流出高Q₃~Q₅も河道単位長 流入量に換算して加算するものとする. すなわち, 河道 流は直接流出成分のみならず、低水流出成分も包含した 流れとして、雨水流モデルを適用して追跡することにな る. したがって、本流出モデルは、洪水流出期間のみな らず,長期流出解析にも拡張した適用が可能といえる.

また、分布型流域モデルの各ブロックの斜面域におい て、表面流出、早い中間流出を形成する斜面流への有効 降雨は以下のようにして算定する.

まず、上述の降雨遮断効果を受けた後の降雨量r_aを算 定し、次いで(15)式により、地表面凹地貯留量S₁を算 定し、raからSiを差し引き、残りの降雨量をreとする. そして斜面流への有効降雨 r_s は、 $r_s = r_e - f_g$ として算定 される. この場合, 第1段タンク上層部よりの補給量fg は、(i)計算単位時間∆t_s内に(7)式で表現される浸透能 fに見合うだけの降雨が補給され、fa=fで与えられる 場合, (ii) Δt_s 内に浸透能 f に見合うだけの降雨がなく,

 $f_s \delta \Delta t_s ho 降雨量に規定され、<math>f_s = r_s$ ($r_s < \overline{f}$, \overline{f} は $\Delta t_s ho 平均浸透能$)で与えられる場合とがある.

したがって、斜面流への有効降雨系列 r_s は、上述のタンク貯留量 S_0 ~ S_4 および流出高 Q_s ~ Q_4 等の計算過程と 平行して、算定されることになる.

なお、図1のKiWSモデルIIにおいて、a1は雨水流モ デルで定義されている斜面の等価粗度Nないし斜面流定 数kを、a2はDarcy型中間流を規定する定数でk1・s/ λ ないしk1/ λ を意味している.また、Z11が中間流発生 場の表層厚Dと λ との積 λ Dに相当している.ここに、 k1:表層土の透水係数、 λ :表層の有効間隙率、s:斜 面勾配である.

2.2 低水流出高の算定

いま, KiWSモデル II の第1段タンク下層部,第2~ 3 段タンクよりの流出高Q₅,Q₄,Q₅で形成される低水 流出高を流出サイクルと対応づけて考えてみることにす る. この場合,1つの流出サイクルにおいて低水流出部 は5つのステージに区分して考えることができる.すな わち,表1に示すように第1段タンク下層部の貯留量S₂ と第1段タンク下層部の流出孔の高さ z_3 との相対的関係 で定まる遅い中間流出成分の有無,第1段タンク上層部 よりの補給高f₈の有無により1つの流出サイクルが5つ のステージに区分できる.

本流出モデルでは、無降雨期間に相当するステージ1, 2 では $f_s = 0$ となる.また、蒸発散作用に起因する貯留 量の減少はステージ1,2 においてのみ生ずるものとす る.

ステージ3,4では第1段タンク上層部からの補給高f_e として、前述のように2つの形式が考えられるので、ス テージ3,4をステージ3-I、II、4-I、IIのように それぞれ2つに区分する.また、ステージ5は貯留量S₂ の上限値S₂」が継続する期間であり、補給高f_eは最終浸 透能f_eで与えられる.

結局,1つの流出サイクルにおいて低水流出部によっ て形成される流出形態は表1に示すように7つのパター ンに区分して考えることができる.

2.3 流出解析の手順

分布型流域モデルの各ブロックにわたって、KiWSモ デルⅡを用いて流出解析する手順は以下のとおりである.

なお,計算プログラミングに際しては,従来簡便的に 用いられている計算単位時間毎に流域一様の流域平均降 雨量を流出モデルに入力するのではなく,分布型流域モ デルの各ブロック毎に地域的分布を考慮した降雨量系列 を入力し,かつ各ブロックの土地利用形態に応じた斜面

表1 低水流出高のパターン

低水流出 高のバタ ーン	ステージ	貯留量 S ₂ (mm/h)	遅い中間 流出高 Q ₃ (mm/h)	補給高 f _g (mm/h)	蒸 発散量 E _t (mm/d)
1	1	$z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$	Q ₃ ≠ 0	$f_g = 0$	E _t ≠0
2	2	0≤S2≤z3	$Q_3 = 0$	$f_g = 0$	E _t ≠ 0
3	3· I	$0 \leq s_2 \leq z_3$	Q ₃ = 0	$f_g = f$	E t =0
4	3 ∙ 🛙	$0 \le S_2 \le z_3$	$Q_3 = 0$	$f g = f_0$	E t =0
5	4∙ I	$z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$	Q ₃ ≠ 0	$f_g = f$	E t =0
6	4 ∙ 11	$z_3 \le S_2 \le S_{2u}$	Q ₃ ≠0	f g = f 0	E t =0
7	5	S2=S2u	Q ₃ ≠0	fg=fc	$E_t = 0$

流への有効降雨系列が算定できるように流出解析の手順 を改良することとする.この改良点以外の解析手順は以 下のように前報¹¹と同じ計算手順となるが、本改良によっ て河川流域内の降雨分布特性及び地形・土地利用形態を より明確に反映させた計算流出ハイドログラフが得られ るものと期待できる.

i)まず,各ブロックへの入力降雨の単位時間∆t_r毎 の降雨量から樹木等による降雨遮断量を差し引く.ここ で降雨遮断量は(1)~(3)式により算定する.

ii)降雨遮断効果を受けた後の降雨量 r_s から地表面凹 地貯留量を差し引き,残りの降雨量を r_e とする. すなわ ち,図1に示すように,第1段タンク上層部の貯留量 S_1 の上限を z_{12} とし,降雨量 r_a は S_1 が z_{12} に達するまで地表面 凹地貯留量の増加量となり, $S_1 = z_{12}$ となった以降の降雨 分は以下の手順により直接流出成分への有効降雨 r_e ない し補給高 f_s として評価される. ただし,各ブロック斜面 域での計算単位時間は Δt_e とする.

iii) $r_e = 0$ のときは、 $r_s = f_g = 0$ となり、 $S_2 \ge z_3$ の大 小関係によりステージ1または2の流出計算をする.

iv) $r_{e} \neq 0$ のときは、ステージ3、4、5 のいずれか のステージについて流出計算をする.この場合、直接流 出成分への有効降雨 r_{s} は $r_{e} > \overline{f}$ のとき $r_{s} = r_{e} - \overline{f}$, $r_{e} \le \overline{f}$ のとき $r_{s} = 0$ として算定する.ここで、 \overline{f} は計算単位 時間 Δt_{s} 内の平均浸透能で、次式により算定する.

v)ステージ3,4,5において,低水流出に関与す る第1段タンク下層部への補給高f₈は r_{e} >fのときはf₈= f, すなわち, r_{e} >fのとき,f₈は Δ t時間内で一定値 f とするのではなく,S₂の時間的変化曲線式を(7)式 に代入して評価される浸透能fの値を用いることにする.

また、 $r_{e} \leq \overline{f}$ のときは $f_{g} = f_{0} = r_{e}$ で与えられる.

vi)時刻 t の貯留量 $S_2 \sim S_4$ を既知とし、 Δt_s 時間後の 貯留量 $S_2 \sim S_4$ を算定する. vii)時刻 $t + \Delta t_s$ における低水流出高 $Q_B = \Sigma Q_i$ を算定する.

┉)前述の i)~ wi)を流出解析の対象期間まで繰り返す.

ix)斜面流を表面流および早い中間流の共存する流れ として追跡する雨水流モデルを適用し,図1の流出高 Q₁,Q₂の和に相当する斜面下流端における単位幅流量 q_sを算定する.なお,斜面流への有効降雨は,前述のiv) で算定される直接流出成分への有効降雨系列rsとする.

x)上述vii)で算定した低水流出高系列Q_Bを河道単位 長流入量系列q_Bに換算した後,q_Bとq₅との和で評価され る河道単位長流入量系列qを算定する.

xi)河道単位長流入量系列 q および各ブロック上流端 からの河道流入量系列Qαを取込んだ河道流追跡を雨水 流モデルの河道流に関する数値解析によって行う.ただ し、河道流追跡単位時間はΔt₀とする.

xi)分布型流域モデルの河道配列構造の指標等を加味 しながら、上述 i)~xi)を全ブロックについて行い、流 域最下流端の流出量系列Qを算定する.

なお,上述 i) ~ xii) の流出解析の手順をフローチャー トで示すと,図3のようになる.

3. 流出シミュレーション

中山間地の水源部,スプロール的に混住化社会に進展 している平野部等から構成される斐伊川流域(大津地点 の集水面積;911km²)のような大流域では,出水時の 降雨量には顕著な地域分布がみられる.そこで,KiWS モデルIIを図4に示す本流域のu.=4の流域モデルに適用 し,降雨量の地域分布を考慮した流出シミュレーション を試みる.なお,入力降雨の単位時間は1時間とし,昭 和47年7月豪雨時の観測降雨資料に基づき,1)ティーセ ン法で算定される流域平均降雨量(降雨A),2)流域上, 下流域ブロックに流域平均降雨量の3割増(降雨B)ある いは3割減の降雨量(降雨C)を入力するという3つの降雨 波形を考える.

図5に示すモデル定数を用いて流出計算した例を図6~ 8に示す.これらの図で実線で示すハイドログラフは降 雨Aの入力降雨による計算流出量ハイドログラフ(Case I)である.図6の〇印で示すハイドログラフは図4の流 域ブロック1~8に降雨Bを,ブロック9~16のブロック には降雨Cを与えた場合の計算流出量ハイドログラフ (Case II)である.Case Iのピーク流量2237m³/s対し, Case IIでは2191m³/sと僅かにピーク流量が減少して いるもののハイドログラフの形状は大差がないといえる. 図7の〇印で示すハイドログラフは図4の流域ブロック



1~8に降雨Cを,ブロック9~16のブロックには降雨B を与えた場合の計算流出量ハイドログラフ (Case II)で ある.この場合のピーク流量は2347m³/sと,Case I の2237m³/sに比較し,ピーク流量が増加傾向にあり, かつ流域下流部の降雨量が上流部の値を上回る影響がピー ク流量発生以前のハイドログラフ立ち上がり部分に100 ~200m³/sの流量増となる傾向をもたらしている.

さらに、この場合、流域の土地利用変化を想定し、流 域ブロック9~16では、図5に示すモデル定数 a_1 , a_2 , b_1 がそれぞれ2/5~1/5に減少し、 a_1 =1.0, a_2 =0.6, b_1 = 0.36に変化した場合の流出シミュレーション結果を図8 に示す. Case I の2237m³/sに比較し、ピーク流量は 2881m³/sと約29%増加し、その発生時刻も3時間早ま り、また流域下流部の降雨量が上流部の値を上回るとい う降雨量の地域分布の影響が、図7に比較してピーク流 量発生以前のハイドログラフ部分により顕著な流量増と なってあらわれている. 以上の流出シミュレーション結果から,KiWSモデル Ⅱの適用により,流域内の降雨量の地域分布を考慮した 流出解析が可能であり,またその際,分布型流域モデル を介して,流域内の土地利用形態の特性をも反映させ得 ることが示せたといえる.ただ,モデル定数の最適値に ついては,水文観測資料に基づく同定・検証が今後必要 である.

あとがき

本報で検討したKiWSモデルⅡにより、複数の地目か ら構成される流域を対象にして、流域内の降雨量の地域







図7 流出シミュレーション結果(Case I, Case II)



図8 流出シミュレーション結果 (Case I, Case IV)

分布を考慮しつつ直接流出及び低水流出の両流出成分を 合成した流出解析が可能であることが流出シミュレーショ ンにより示された.今後さらに水文観測資料に基づく本 流出モデルの適用性を検証の上,温暖化等による流域規 模の水文環境の変化に伴う流出形態の変化・予測への応 用を図る必要があるが,これについては逐次検討して行 きたい.

引用文献

1)福島 晟:分布型流域モデルを組込んだ流出解析法の

検討,島根大学農学部研究報告,26,pp.45-53 (1992)

- 2)角屋 睦・永井明博:長短期流出両用モデルの開発改良研究,農土学会論文集,136,pp.31-38 (1988)
- 3)福島 晟:河道網の次数化とその統計的特性,農土学 会論文集,155, pp.35-42 (1991)
- 4) 福島 晟: 丘陵山地流域モデルと水文地形特性, 島根 大学農学部研究報告, 25, pp.89-98 (1991)
- 5) 石原安雄・小葉竹重機:荒川流出試験地における水収 支について,京都大学防災研究所年報,14(B),pp.131-141 (1971)