直接流出成分への有効降雨と 低水流出高曲線の一推定法

福島 晟*・田中礼次郎*

An Estimation Method of Effective Rainfall to Component of Direct Runoff and Curve of Base Flow Height Akira Fukushima and Reijiro Tanaka

This paper is concerned with procedures of synthesizing effect rainfall to direct runoff component and curves of base flow height, in which a runoff model named KWST model (Runoff Model combined Kinematic Wave and Storage Tanks) is developed.

The upper zone of the model is composed by kinematic wave runoff model. The lower zone is the same with the storage model proposed by Kadoya and Nagai. The estimation method of the effective rainfall concerned in the surface runoff and/or prompt subsurface runoff is shown in the model.

A runoff cycle of base flow is divided into five stages. The first and second stages are related to rainless periods. The recharge of base flow occurs during other stages. The recharge of delayed subsurface flow and groundwater runoff is evaluated by KWST model. The equations of runoff height of base flow for each stages are derived by using of model pararameters.

The parameters of KWST model are identified by the flood runoff analysis at the Shimokari hilly watershed of 1.3 km². It is shown that the estimated curves of base flow are different from the evaluated curves by the usual hydrograph analysis in flood runoff and more rational expression than the usual method for analysis of the base flow phenomena. And it is pointed out that the estimation method of base flow by KWST model is especially useful for the complicated runoff occuring the multipul peak discharge.

I. まえがき

丘陵山地流域における流出過程において、表面流と中 間流、あるいは表面流と早い中間流で形成される雨水流 出成分は直接流出成分と呼ばれる.また、有効降雨とは 降雨のうち対象となる流出成分となる降雨分をいう.一 連の洪水に対する総有効雨量は直接流出成分の総量であ る.そこで、洪水流出解析に雨水流法を適用する場合、

* 農業水利工学研究室

有効降雨は通常,観測流出量ハイドログラフを介して直 接流出成分の総量を算定し,次いで雨水保留量曲線を作 成した後,有効降雨の時間的変化を算定する方式が採用 されている.

角屋は従来の雨水保留量曲線の作成法を改善し,流出 量ピーク近傍の有効降雨の推定精度を向上させる有用な 2) 手法を提案している.しかし,特に降雨期間内に無降雨 時間帯を含む複雑な降雨の場合,複峰型の流出波形とな り直接流出成分の分離に個人差が介入する余地が大きく なり,流出解析結果は有効降雨の算定値に左右されるこ とになる.したがって,雨水流法による洪水流出解析を 行う際の有効降雨算定法についてはなお検討すべき余地 があるといえる.

ところで,角屋・永井によって 提案された 長短期流 3),4) 出両用モデルは流域平均降雨量をそのまま入力情報とし て利用でき,いわゆる有効降雨を算定する必要のない流 出モデルである.しかし,本流出モデルでは,流出計算 過程において直接流出成分への有効降雨が自動的に評価 される構造となっている.

そこで、本報では本流出モデルを基礎にしながら、 i) 直接流出成分への有効降雨の推定法、ならびに ii) 直接流出成分となる有効降雨を分離した後の降雨分によ る低水流出高の推定法について若干の検討を試みた結果 を報告する。

Ⅱ. 流出モデルと流出サイクルの区分

1. 流出モデル

筆者等は角屋・永井法の長短期流出両用モデルの適用 性を検討する過程で、図-1に示すような KWST モデ ルを提案した。本流出モデルは長短期流出両用モデルを 応用した流出モデルである。すなわち、長短期流出両用 モデルにおいて、樹木等による降雨遮断効果、および第 1段タンク 下層部、第2~3段タンクはそのまま利用 し,表面流,早い中間流に相当する斜面流には洪水流出解 析における代表的モデルと目されている雨水流モデルを 適用しようとする流出モデルである。なお、図-1のよ うに河道流を考慮しない場合を集中型 KWST モデルと し,流域をいくつかのブロックに分割し,河道流計算も組



図-1 集中型 KWST モデル

み込んだ流出モデルを分布型 KWSTモデルと略称する.

ここでは,集中型 KWST モデルを用いて,表面流と 早い中間流で形成される直接流出成分への有効降雨,な らびに低水流出高の推定法を検討することにする.

集中型 KWST モデルの降雨遮断タンク,および第1 段タンク下層部〜第3段タンクについての連続の式,降 雨遮断量,流出高,浸透能,浸透高,蒸発散量は以下の 式で与えられる.

(1) 連続の式

$$\begin{array}{cccc} \frac{dS_{0}}{dt} = r - r_{a} & (for \quad S_{0} < z_{0} \text{ and } r \neq 0) \\ = 0 & (for \quad S_{0} = z_{0} \text{ and } r \neq 0) \\ = -E_{1}' & (for \quad 0 < S_{0} \leq z_{0} \text{ and } r = 0) \end{array} \right\} (1)$$

$$\begin{array}{c} (1) \\ \frac{dS_{1}}{dt} = r_{a} & (for \quad 0 \leq S_{1} < z_{12} \text{ and } r \neq 0) \\ = 0 & (for \quad S_{1} = z_{12} \text{ and } r \neq 0) \\ = -E_{1}' & (for \quad S_{0} = 0, \quad 0 < S_{1} \leq z_{12} \\ \text{ and } r = 0) \end{array} \right\} (2)$$

$$\begin{array}{c} \frac{dS_2}{dt} = f_g - Q_3 - g_1 - E_1' & (for \quad S_2 \ge z_3) \\ = f_g - g_1 - E_1' & (for \quad S_2 < z_3) \end{array} \right) (3)$$

$$\frac{dS_4}{dt} = g_2 - Q_5 - E_3' \tag{5}$$

ここに、t:時間(h), S_0 :降雨 遮断タンクの 貯留量 (mm), r:流域平均降雨強度(mm/h), r_a :降雨遮断効 果を受けた後の降雨量(mm/h), $S_1 \sim S_4$:第1段 タン ク上層~第3段タンクの 貯留量(mm), f_0 :第1段 タ ンク上層~第3段タンクの 貯留量(mm), f_0 :第1段 タ ンク上層~第3段タンクの 貯留量(mm), f_0 :第1段 タ ンク上層~第3段タンクの 貯留量(mm/h)で, (10)式の 浸透能 f(mm/h)で与えられる場合, および一定値 $f_0(mm/h)$ で与えられる 場合の2通りを考えることにする. $Q_3 \sim$ Q_5 :流出成分で, Q_3 は遅い中間流出高(mm/h), Q_4 と Q_5 は地下水流出高(mm/h), g_1, g_2 :下段タンクへの供 給量(mm/h), $E_1' \sim E_3'$:蒸発散に伴う各段タンク貯留 量の減少強度(mm/h), z_{12}, z_3 :流出孔の高さ(mm) で ある.

(2) 降雨遮断量

角屋・永井法で採用されている次式の形で樹木等による降雨遮断量を算定し,流域平均降雨量より降雨遮断量 4) を差し引いた雨量を第1段タンク上層に入力する.

 $I = (z_0 - S_{00}) \{1 - exp(-R/z_0)\} \qquad \dots \dots (6)$

ここに, :降雨 遮断 可能量 (*mm*), *R* : 累加雨量 (*mm*), *z*₀:最大遮断量(*mm*), *S*₀₀:初期貯留量(*mm*)

(3) 流出高,浸透能,浸透高

 $\begin{aligned} Q_3 &= A_3(S_2 - z_3) = \alpha_1 a_3(S_2 - z_3) \quad (for \ S_2 &\geq z_3) \cdots (7) \\ Q_4 &= A_4 S_3 = \alpha_1 a_4 S_3 \cdots (8), \quad Q_5 &= A_5 S_4 = \alpha_1 a_5 S_4 \cdots (9) \\ f &= B_1(z_2 + z_3 - S_2) = \alpha_1 b_1(z_2 + z_3 - S_2) \qquad \cdots \cdots (10) \\ g_1 &= B_2 S_2 = \alpha_1 b_2 S_2 \cdots (11), \quad g_2 &= B_3 S_3 = \alpha_1 b_3 S_3 \cdots (12) \end{aligned}$

ここに、 $A_8 \sim A_5$ 、 $B_1 \sim B_8$:角屋・永井法の長短期流 出両用モデルで定義されている定数(h^{-1})、 a_3 :遅い中 間流を規定する定数(cm/s)、 a_4 、 a_5 :地下水流を規定す る定数(cm/s)、 $b_1 \sim b_3$:鉛直方向の浸透量を規定する定 数(cm/s)、 z_2 、 z_3 :流出孔の高さ(mm)、 $\alpha_1 = \alpha/B$, B: 平均斜面長(m)、 α :換算係数で計算単位時間を Δt 秒 としたとき、 $\alpha = \Delta t \times 10^{-2}$ となるが、各変量に上述のよ うな単位を用いると、 $\alpha = 36$ となる. また、降雨強度、 流出高、浸透高等をmm/d で表示する場合は $\alpha = 864$ と なる. ただし、時間を日単位とする場合も、 $a_3 \sim a_5$ 、 b_1 $\sim b_3$, B の単位は変えないものとする.

(4) 蒸発散量

蒸発散量 $E_{\iota}(mm/d)$ に関しては石原・小葉竹の研究, 4) および角屋・永井の長短期流出両用モデルにおける手法 を利用し,次式の形式で算定することにする.

$E_t = E_1 + E_2 + E_3$		(13)
$E_1 = E_0 - E_c$	(for $S_0 > 0$, $S_1 > 0$), or $S_2 \geq z_3$)
0		(14-1)
$=\frac{S_2}{a}(E_0-E_c)$	(for $S_0 = S_1 = 0$, as	$nd \ 0 \leqq S_2 \leqq z_3)$
~3		(14-2)
$E_2 = \gamma_1 E_c$	(for $S_3 > 0$)	(15)
$E_3 = (1 - \gamma_1) E_c$	(for S ₄ >0)	(16)

ここに、 E_t :時刻 t における 蒸発散強度 (mm/d), E_0 :最大蒸発 散強度 (mm/d), E_c :最終蒸 発散 強度 (mm/d), γ_1 :最終蒸発散量 E_c の第2段タンクへの配 分比で、ここでは $\gamma_1=0.6$ と仮定する.

第1段タンク下層の貯留量 S_2 と蒸発散量 E_1 との関係を図示すると、図-2のようになる. なお、図中の記号 S_{2u} は S_2 の上限値である. また、前述の連続の式中の $E_1'\sim E_3'$ はそれぞれ $E_1\sim E_3$ の値を mm/h に換算したものである. 日単位で流出解析する場合には $E_1'\sim E_3'$ は $E_1\sim E_3$ の値で置換される.

2. 流出サイクルの区分

流出サイクルについては一般に次のように説明されて ア) いる.「一連の降雨に対し河川流域で観測される一連の ハイドログラフにおいて,表面流出と速い中間流出とを 含む直接流出の終了点ごとに区切った各期間は直接流出



図-2 貯留量 S₂と蒸発散量 E₁ との関係

に関する1つのサイクルを形成する.すなわち,流出の 1サイクルの時間長は,時間軸でとなりあった二つの直 接流出分の終了時の時間間隔とする。」

ここで、KWST モデルの第1段タンク下層部、第2 \sim 3段 タンクよりの流出高 Q_3 , Q_4 , Q_5 で形成される低 水流出高を上述の流出サイクルと対応づけて考えてみる ことにする. この場合, 第1段タンク下層部の 貯留量 S₂ と第1段タンク下層部の流出孔の高さ z₃ との相対的 関係で定まる遅い中間流出成分の有無、第1段タンク上 層部よりの補給高 fg の有無により、1つの 流出サイク ルは表-1に示すように5つのステージに区分される. そして、各ステージよりの遷移パターンは図ー3および 表-2に示すように10ケースとなる.ステージ間の遷移 時刻を表-2に示す記号で表わすことにする. すなわ ち,時刻 t に下添字 s, o, *, u をつけた t_s, t₀, t_{*}, t_u の意味は以下のとおりとする. ts:第1段タンク下層へ の補給高 f_g の開始時刻, t_0 :第1段タンク下層への補 給高 fg の終了時刻, t*:第1段タンク下層の貯留量 S2 が z_3 となる時 刻, t_u : 第1段 タンク 下層の 貯留量 S_2 が $S_{2u}(S_2 \circ L R i t)$ となる時刻である. また時刻 t の 上添字の数字 ij はステージ i からステージ j への遷 移を表わす.

したがって、たとえば、 t_*^{12} は貯留量 S_2 が減少し、 ステージ1からステージ2へ遷移する時刻を表わす. なお、ステージ3、4における第1段タンク上層部よ りの補給高 f_g の形式として、i)(10)式を用い、流出

表-1 流出サイクルの区分

遅い中間 貯 留 量 補給高 蒸発散量 ステー 流出高 :2 Q_3 $\begin{array}{c|c} Q_3 & f_g & E_t \\ (mm/h) & (mm/h) & (mm/d) \end{array}$ $S_2(mm)$ $z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$ 1 有 無 有 $0 \leq S_2 \leq z_3$ 2 無 無 有 $0 \leq S_2 \leq z_3$ 有 無 3 鉔 4 $z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$ 有 有 無 5 $S_2 = S_{2u}$ 有 有 無



 図-3 流出サイクルの区分と各ステージの遷移パターン

ステージ4

ステージ3

表-2 遷移パターンと遷移時刻

表-3 低水流出晶のバター	\sim
---------------	--------

No.	遷移パターン	遷移時刻
1	ステージ1→ステージ2	t_{*}^{12} –
2	ステージ1→ステージ4	t _s ¹⁴
3	ステージ2→ステージ3	t _s ²³
4	ステージ3→ステージ2	t_0^{32}
5	ステージ3→ステージ4	t_{*}^{34}
6	ステージ4→ステージ3	t_{*}^{43}
7	ステージ4→ステージ1	t ₀ ⁴¹
8	ステージ4→ステージ5	t_{u}^{45}
9	ステージ5→ステージ4	t_{u}^{54}
10	ステージ5→ステージ1	to ⁵¹

水流出 のパタ ン	ステー ジ	貯 留 量 S ₂ (mm)	遅い中間 流 出 高 Q ₃ (mm/h)	補給高 $f_g(mm/h)$	蒸発散量 $E_t(mm/d)$
1	1	$z_3 {\leq} S_2 {\leq} S_{2u}$	$Q_3 \neq 0$	$f_g = 0$	$E_t \neq 0$
2	2	$0 \leq S_2 \leq z_3$	$Q_3 = 0$	$f_g = 0$	$E_t \approx 0$
3	3 – I	$0 \leq S_2 \leq z_3$	$Q_3 = 0$	$f_g = f$	$E_t=0$
4	3-II	$0 \leq S_2 \leq z_3$	$Q_3 = 0$	$f_g = f_0$	$E_t=0$
5	4 – I	$z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$	$Q_3{\neq}0$	$f_g = f$	$E_t=0$
6	4 - II	$z_3 \leq S_2 \leq S_{2u}$	$Q_3{\Rightarrow}0$	$f_g = f_0$	$E_t=0$
7	5	$S_2 = S_{2u}$	$Q_3 { eq} 0$	$f_g = f_c$	$E_t=0$

孔の高さ z_2 , z_3 を固定したとき, 貯留 量 S_2 の1次関 数として評価される 浸透能 f で与えられる場合, ii) 一定値 f_0 で与 えられる場合の2通りが考えられる.

また, ステージ5では 貯留量 S_2 の上限値 S_{2u} が継続する期間 であるから 補給高 f_a は(10)式 から算定される最終 浸透能 f_a で与えられることになる.

結局,1つの流出サイクルにおける低水流出高は表-3に示すように,7つのパターンについて計算プログラ ムを考えればよいことになる.

III. 直接流出成分への有効降雨と低水流出 への補給高

KWST モデルによる流出解析に際しての表面流出, 速い中間流出で形成される直接流出成分への有効降雨算 定法は,従来のように,保留量曲線を介して算定する手 法とは異なり,長短期流出両用モデルに組み込まれてい るモデル構造を利用し,直接流出成分となる有効降雨を 自動的に算定する方式となっている.

その算定手順を要約すると、以下のとおりである.

i)長短期流出両用モデルで採用されている(6)式を 用い,降雨遮断効果を受けた後の降雨量 ra を算定す る.

ii)次に,第1段タンク上層部の貯留水深 S_1 の上限 を z_{12} とし, r_a より地表面 凹地貯留量を差し引いた後 の降雨量 r_e を算定する.

iii)第1段タンク下層への浸透能 f c(10)式により 算定し、前述の r_e と大小関係を比較することにより、 直接流出成分への有効降雨 r_s を求める. このとき、計 算単位時間 Δt 内の平均浸透能を \bar{f} とし、 $r_e > \bar{f}$ のと き $r_s = r_e - \bar{f}$, $r_e \leq \bar{f}$ のとき $r_s = 0$ となる.

こうした直接流出成分への有効降雨算定法を利用する ことにより、同時に遅い中間流、地下水流に関与する降 雨分、ないし低水流出への補給高の時間的変化も自動的 に算定可能となる.すなわち、上述の計算手順iii)にお いて、 $r_e > \bar{f}$ のときは $f_q = f$, $r_e \le \bar{f}$ のときは $f_q = f_0 = r_e$ が低水流出への 補給高 (KWST モデルにおいては第1 段タンク下層部への補給高) となる. \bar{f} の算定式につい ては後述するが, $r_e > \bar{f}$ のとき, f_q は Δt 時間内で一定 値 \bar{f} とするのではなく,後述の S_2 の時間的変 化曲線 式を(10)式に代入して評価される浸透能f の値を用いる ことにする.

なお、長短期流出両用モデルの場合、直接流出成分へ の有効降雨は第1段タンク上層部の貯留量の増加分とな り、降雨が終了しても、第1段タンク上層部の貯留量が 正である限り、下層部への補給は継続するのに対し、図 -1に示す集中型 KWST モデルでは、降雨終了とと もに第1段タンク下層部への補給高 f_0 は零となるモデ ル構造および計算方式が採用されていることになる.

IV. 流出モデルの各段タンク貯留量の時間 的変化

前項 III. の低水流出への補給高 f_0 の算定手法,およ び(3)~(5),(7)~(16)式の関係を用いると,流出サイ クルの各ステージにおける KWST モデルの第1段タ ンク下層部~3段タンクの貯留量 $S_2 \sim S_4$ の時間的変化 についての定式化が可能となる.

すなわち,時刻 t における貯留量 $S_2(t) \sim S_4(t)$ を既 知とした場合,計算単位時間 Δt 後の時刻 $t+\Delta t$ にお ける貯留量 $S_2(t+\Delta t) \sim S_4(t+\Delta t)$ および時刻 $t \sim t+\Delta t$ 間の平均貯留量 $\overline{S}_2(t+\Delta t) \sim \overline{S}_4(t+\Delta t)$ は各ステージに 応じ,それぞれ以下の式で算定される.

$$\dots \dots (18)$$

$$S_4(t+\Delta t) = J_4 exp(-\lambda_0 \Delta t) + J_5 exp(-\lambda_2 \Delta t) + J_6 exp(-\lambda_3 \Delta t) + J_7 \dots \dots (19)$$

$$\begin{split} & \bar{S}_2(t+dt) = J_0[\{1-exp(-\lambda_0dt)\}/\lambda_0dt] + \zeta_0 & \dots & (20) \\ & \bar{S}_3(t+dt) = J_1[\{1-dt(-\lambda_0dt)\}/\lambda_0dt] \\ & + J_0[\{1-exp(-\lambda_2dt)\}/\lambda_2dt] + J_3 & \dots & (21) \\ & \bar{S}_4(t+dt) = J_4[\{1-exp(-\lambda_0dt)\}/\lambda_0dt] \\ & + J_0[\{1-exp(-\lambda_2dt)\}/\lambda_2dt] + J_7 & \dots & (22) \\ & il) & \bar{\pi} - \bar{\psi} \geq (0 \leq S_2 \leq s_3, f_0 = 0, E_i \neq 0) \\ & S_2(t+dt) = S_2(t) exp(-\lambda_1 dt) & \dots & (23) \\ & S_3(t+dt) = J_6 exp(-\lambda_1 dt) + J_6 exp(-\lambda_2 dt) - \zeta_3 \\ & \dots & (24) \\ & S_4(t+dt) = J_{10} exp(-\lambda_1 dt) + J_6 exp(-\lambda_2 dt) - \zeta_3 \\ & \dots & (24) \\ & S_4(t+dt) = J_{10} exp(-\lambda_1 dt) + J_{11} exp(-\lambda_2 dt) \\ & + J_{12} exp(-\lambda_2 dt) + J_{13} & \dots & (25) \\ & \bar{S}_2(t+dt) = S_2(t)[\{1-exp(-\lambda_1 dt)\}/\lambda_1 dt] \\ & + J_0[\{1-exp(-\lambda_2 dt)\}/\lambda_2 dt] - \zeta_3 & \dots & (27) \\ & \bar{S}_4(t+dt) = J_{10}[\{1-exp(-\lambda_1 dt)\}/\lambda_2 dt] \\ & + J_{11} [\{1-exp(-\lambda_2 dt)\}/\lambda_2 dt] \\ & + J_{11} [\{1-exp(-\lambda_2 dt)\}/\lambda_2 dt] \\ & + J_{11} [\{1-exp(-\lambda_2 dt)\}/\lambda_2 dt] \\ & + J_{10} exp(-\lambda_2 dt) + J_{10} & \dots & (29) \\ & S_3(t+dt) = J_{14} exp(-\lambda_4 dt) + J_{19} exp(-\lambda_2 dt) \\ & + J_{20} exp(-\lambda_2 dt) + J_{17} & \dots & (30) \\ & S_4(t+dt) = J_{16} [\{1-exp(-\lambda_4 dt)\}/\lambda_4 dt] \\ & + J_{10} [\{1-exp(-\lambda_4 dt)\}/\lambda_4 dt] \\ & + J_{20} exp(-\lambda_2 dt) + J_{20} & \dots & (35) \\ & S_4(t+dt) = J_{21} exp(-\lambda_4 dt) + J_{20} & \dots & (36) \\ & S_4(t+dt) = J_{22} exp(-\lambda_5 dt) + J_{20} & \dots & (36) \\ & S_4(t+dt) = J_{22} [\{1-exp(-\lambda_4 dt)\}/\lambda_4 dt] \\ & + J_{20} exp(-\lambda_2 dt) + J_{20} & \dots & (36) \\ & S_4(t+dt) = J_{22} [\{1-exp(-\lambda_2 dt)\}/\lambda_2 dt] + J_{20} & \dots & (40) \\ & \forall \ & \forall \$$

$$\begin{split} \bar{S}_{3}(t+dt) = J_{32}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{33}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{36}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{36}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{37}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{37}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] \\ + J_{37}[\{1-exp(-\lambda_{6}dt)\}/\lambda_{6}dt] + J_{38} \dots (46) \\ \forall i) \ \ensuremath{\overline{x}}\ \ensurema$$

降雨時,第1段タンク上層より浸透能fの強度で下層 に補給が継続し,蒸発散量は零とすると,貯留量 S_2 の 上限値 S_{2u} は次式で与えられる.

$$S_{2u} = \frac{f_u - f_c}{\alpha_1 b_1} = \frac{b_1(z_2 + z_3) + a_3 z_3}{a_3 + b_1 + b_2} \qquad \dots \dots (59)$$

$$z \in \mathcal{K}, \quad f_u = \alpha_1 b_1(z_2 + z_3),$$

$$f_c = \frac{\alpha_1 \{b_1 b_2(z_2 + z_3) + a_3 b_1 z_2\}}{a_3 + b_1 + b_2}$$

したがって、第1段タンク下層部より第2段タンクへの供給量 g_1 の上限値 g_{1u} は $g_{1u} = \alpha_1 b_2 S_{2u}$ で与えられる. そこで、この $g_{1u} \varepsilon(4)$ 式に代入し、 $dS_3/dt = 0$ なる S_3 を求めると、貯留量 S_3 の上限値 S_{3u} として次式が得られる. ただし、この場合は蒸発散量を考慮するものとする.

$$S_{3u} = \frac{1}{\alpha_1(a_4 + b_3)} \left\{ \frac{b_2(f_u - f_c)}{b_1} - \gamma_1 E_c \right\} \qquad \dots \dots (60)$$

同様にして, 貯留量 S₄ の上限値 S₄u は次式で与え られる.

$$S_{4u} = \frac{1}{\alpha_1 a_5} \left[\frac{b_3}{a_4 + b_3} \left\{ \frac{b_2 (f_u - f_c)}{b_1} - \gamma_1 E_c \right\} - (1 - \gamma_1) E_c \right]$$
(61)

V. 低水流出高曲線

前項**IV.**の結果より,時刻 t における貯留量 $S_2(t)$ ~ $S_4(t)$ を既知としたとき,計算単位時間 Δt 後の時刻 $t+\Delta t$ に おける貯留量 $S_2(t+\Delta t)$ ~ $S_4(t+\Delta t)$ が流出サ $d \rho n$ の各ステージについて算定可能になった.次いで これらの値を(7)~(9)式に代入することにより,流出サ $d \rho n$ の各ステージに応じた時刻 $t+\Delta t$ における低水 流出高 $Q_B(t+\Delta t)$ の算定式が以下のように得られる. i)ステージ 1 ($z_3 \le S_2 \le S_{24}, f_g=0, E_t \ne 0$) $Q_B(t+\Delta t) = Q_3(t+\Delta t) + Q_4(t+\Delta t) + Q_5(t+\Delta t)$ $= \eta_1 \exp(-\lambda_0 \Delta t) + \eta_2 \exp(-\lambda_2 \Delta t)$ $+ \eta_3 \exp(-\lambda_0 \Delta t) + \eta_4$ (62) ii)ステージ 2 ($0 \le S_2 \le z_3, f_g=0, E_t \ne 0$) $Q_B(t+\Delta t) = Q_4(t+\Delta t) + Q_5(t+\Delta t)$ $= \eta_5 \exp(-\lambda_1 \Delta t) + \eta_6 \exp(-\lambda_2 \Delta t)$

 $+\eta_7 exp(-\lambda_3 \Delta t) +\eta_8$

 $\dots (63)$

VI. 計算フローチャート

時刻 $t \sim t + \Delta t$ 間の流域平均降雨量を r_j とし,降雨 遮断効果を受けた後の $r_{a,j}$,および凹地貯留量を差し引 いた後の降雨量 $r_{e,j}$ を算定する部分の計算フローチャ ートを図ー4に示す.

次いで, 直接流出成分への 有効降雨 $r_{s,j}$ を算定する 手法として, i) 長短期流出両用モデル法で採用されて いる改良オイラー法を用いる算定手法, ii) 前項 III. の貯留量算定式を利用し, 計算単位時間 Δt 内の平均浸 透能 \overline{f} を求め, $r_{s,j} \ge \overline{f}$ との大小関係を 比較すること により有効降雨を 算定する 手法が考え られる. ここで は ii) の方式について示す.

時刻 $t \sim t + \Delta t$ 間に 第1 段 $s \sim 0$ 上層より 浸透能 f







図-5 貯留量 $S_2(t+\Delta t) \sim S_4(t+\Delta t)$ および低水流出高 $Q_B(t+\Delta t)$ の計算フローチャート

に見合うだけの降雨量の補給がある場合,その間の平均 浸透能 f は次式で算定される.

 $\bar{f} = \alpha_1 b_1 \{ z_2 + z_3 - \bar{S}_2(t + \Delta t) \}$ (69)

そこで,時刻 $t \sim t + \Delta t$ 間の降雨量 $r_{e,j}$ と上式で算定 される \bar{f} と比較し, $r_{e,j} > \bar{f}$ のとき補給高 f_g は浸透能 f, 直接流出成分への有効降雨 $r_{s,j}$ は $r_{s,j=r_{e,j}-\bar{f}}$ で与 えられ, $r_{e,j} < \bar{f}$ のとき, $f_g = f_0 = r_{e,j}$, $r_{s,j} = 0$ とする.

時刻 t より Δt 時間後の 貯留量, および低水流出高 を算定する際の計算フローチャートの一部を図-5 に示 す.

ただし、4t時間内でステージ間の 遷移が生ずること を考慮しておかねば ならない.4t時間内にステージ間 の遷移が生ずる場合は図-5において※①~※⑥で示さ れている.その場合、前項 III.の諸式を基礎にして 遷移時刻を求めた後、遷移したステージにおいて時刻 t+4tの貯留量を算定する必要がある.

たとえば,ステージ1→ステージ2に遷移する場合に ついて示すと以下のようになる.

i) (17)式により $S_2(t+\Delta t)$ を算定し, $S_2(t+\Delta t) < z_3$ の場合に、 Δt 内で遷移が発生する.

 ii) 遷移が発生する場合, その時刻 t¹²_{*} は次式で算 定される.

iii) $\Delta t_1 = t_*^{12} - t$ とし, (17)~(19)式のそれぞれの Δt を Δt_1 で置き換えることにより時刻 t_*^{12} における 貯留 量 $S_2(t_*^{12}) \sim S_4(t_*^{12})$ を求める.

iv) $\Delta t_2 = t + \Delta t - t_*^{12}$ とし, (23)~(25) 式の それぞれ の $\Delta t \ \varepsilon \ \Delta t_2$ で 置き換え,また(23)~(25)式中の $S_2(t)$ ~ $S_4(t)$ はそれぞれ前述iii) の $S_2(t_*^{12})$ ~ $S_4(t_*^{12})$ で置き換 えることにより, t_*^{12} より Δt_2 時間後の貯留量 $S_2(t + \Delta t)$ ~ $S_4(t + \Delta t)$ を算定する.

v) 遷移が生ずる場合の時刻 $t \sim t + \Delta t$ 間の平均低水 流出高 $Q_B(t + \Delta t)$ は $t \sim t_*^{12}$, および $t_*^{12} \sim t + \Delta t$ 間の各 段タンクの 平均貯留量 $\bar{S}_2(t_*^{12}) \sim \bar{S}_4(t_*^{12})$, $\bar{S}_2(t + \Delta t) \sim$ $\bar{S}_4(t + \Delta t)$ を求めることにより,次式から算定できる

 $\overline{Q}_B(t+\Delta t) = \overline{Q}_3 + \overline{Q}_4 + \overline{Q}_5$

 $\subset \subset \mathcal{K}, \ \bar{Q}_3 = \alpha_1 a_3 \{ \bar{S}_2(t_*^{12}) - z_3 \} \varDelta t_1,$

 $\bar{Q}_{4} = \alpha_{1} a_{4} \{ \bar{S}_{3} (t_{*}^{12}) \varDelta t_{1} + \bar{S}_{3} (t + \varDelta t) \varDelta t_{2} \},$

その他の遷移パターンについても同様な手法で処理す ることになる.

VII. 計算例

下狩川流域(集水面積 A=1.3209 km²)における出 水例を解析対象にして,前述の手法を適用した結果につ いて述べる.

表-4に解析対象とした2出水についての総雨量,ピ ーク流量を示す.なお、同表には表面流モデル、および KWST モデルをこれら2出水に適用したときのピーク 流量の計算値,直接流出成分への総有効降雨量,流域保 留量の値も併記してある.

昭和44.6.25~27 の出水について 集中型 KWST モ 8) デルを SP 法により最適同定した結果,図-6のような 流出モデル定数が得られた.ただし,本解析では直接流 出成分への有効降雨を前述の手法で算定した後,直接流



図-6 集中型KWST モデル (表面流のみ) (*At*_r=1800^{sec}, *At*_s=900^{sec} *B*=546^m)

出 水	総雨量 ピ	観測	計算ピ-	- ク流量	直接流出 有効降雨	成分への	保留		
		ピーク流量	表 面 流 モデル	KWST モデル	表 面 流 モデル	KWST モデル	表 面 流 モ デ ル	KWST モデル	
S 11 1	S 25~27	<i>mm</i>	m^3/s	m^3/s	m^{3}/s	<i>mm</i>	<i>mm</i>	mm	<i>mm</i>
5.44.0	5.25-21	190	9.4	0.0	0.1	141.5	130.3	54. 5	57.7
S.46. 9	9.6~8	214	5.5	6.0	4.9	158.4	156.4	55.6	57.6

表-4 解析対象出水とその特性値

出成分は表面流のみで形成されるものとし、斜面流定数 $k=3.02(m-s \cdot s^{s})$ とした雨水流 モデルによって 直接流 出高に相当する Q_1 を算定した.

解析結果を観測流出量ハイドログラフと比較して示す と、図-7のようになる.なお、同図には観測流量 Q_0 と計算流量 Q_e との差 Q_0-Q_e の値、および KWST モ デルによる流出高 Q_3 , Q_4 , Q_5 で形成される低水流出高 Q_B が併示してある.計算結果を観測流出量ハイドログ ラフと対比すると、相対誤差は4.5%で適合性は良好と







いえる. ピーク流量は観測値と比較し, やゝ小さく評価 されているが,低水流出量曲線は通常のいわゆる直接流 出成分の分離法による曲線とは異なり,補給能モデルを 適用した場合と同様な特長ある流出波形を示している.

次に図ー6に示す流出モデル定数を用い,昭和46.9. 6~8の出水に適用した結果を図-8に示す.本出水は 断続的な降雨波形を反映した複峰型の出水波形を呈して いる.このような複峰型の流出波形に対し,観測流出量 ハイドログラフ上で地下水流出低減部直線を降雨終了時 刻まで逆挿し,これを立上り点と結ぶという通常の直接 流出成分の分離法を適用した場合,果して有効雨量が的 確に評価されたか懸念することが多い.しかし,集中型 KWST モデルの適用により得られた図-8の低水流出 曲線を見る限り,本解析結果はほぼ妥当な推定値を示し ているものと考えられる.

図-9,10はこれら2出水について、KWST モデル 法により評価された直接流出成分への有効降雨を用い て、保留量曲線を作成、図示したものである。同図には 流出量ピーク近傍の有効降雨の推定精度を向上させるた め提案された角屋の改善法による保留量曲線も併示して ある.総雨量に対する保留量はほとんど差がないもの



図-9 保 留 量 曲 線 (下狩川流域, S.44.6.25出水)



の, 経時的な保留量, ないし 直接流出成分への 有効降 雨量には両手 法に差が 表われることが 同図から 指摘さ れる.また KWST モデルを 適用することにより,強 雨,および少降雨時の流域保留量の変化特性を十分反映 した保留量曲線が得られることを示していると考えられ る.したがって, KSWT モデルの適用により,低水流 出への補給高も 的確な値が 評価 されるものと 期待でき る.

VIII. あとがき

角屋・永井によって提案された長短期流出両用モデル は流出計算過程において,直接流出成分への有効降雨が 自動的に評価されるモデル構造となっているが,その有 効降雨分は第1段タンク上層部の貯留量の増加量とな り,表面流出,および早い中間流出成分に相当する流出 高を生ずるようになっている.本報では長短期流出両用 モデルを基礎にした KWST モデルにより,直接流出 成分への有効降雨量の算定法,および流出サイクルを5 つのステージに区分した後,各ステージについての低水 流出高曲線の算定式を示した.

下狩川流域における 2 つの 出水例に KWST モデル を適用した結果,洪水時の低水流出高曲線は洪水流出解 析において,いわゆる簡便法として常用されている直接 流出成分の分離法にもとづく推定値とは異った曲線とな ることが指摘された.この結果,角屋の改善法を適用し て作成された保留 量曲線と KWST モデルで 算定され た有効降雨から作成した保留量曲線にも顕著な差異が表 われた.そして,KWST モデルの適用により,直接流 出成分への有効降雨,およびこれと表裏の関係にある低 水流出への補給高がより適確に評価されるという可能性 が指摘できたように思う.特に断続的な降雨波形にもと づく複峰型の出水,ないし複数の流出サイクルに対して も KWST モデルは 直接 流出のみならず 低水流出もそ れぞれ独立して同時に解析可能であるので,今後, 観測 流出量データを収集し,洪水・渇水比流量の地域特性に ついての課題を逐次検討したいと考えている.

最後に、本研究をすすめるにあたり、下狩川流域の水 文資料を提供して頂き、かつ御指導を賜った京都大学防 災研究所角屋睦教授、および計算資料整理に協力を賜っ た農業水利工学専攻生の岡田幸隆,森信行君に深甚なる 感謝の意を表する次第である.

なお、本報告は昭和62年度文部省科学研究費による研 究成果の一部であり、また流出解析には島根大学電子計 算センターFACOM140-Fシステムを用いたことを付記 する.

参考文献

- 1. 土木学会:昭和60年版水理公式集:151, 1985.
- 2. 角屋 睦: 農土学会誌, 48(8): 39-44, 1980.
- 3. 永井明博・角屋 陸:京大防災研年報, 26(B-2): 261-272, 1983.
- 4. 角屋 陸・永井明博・塚本浩二:昭和59年度農土講 要旨集, 190-191, 1984.
- 5. 福島 晟・田中礼次郎:島根大農研報,19:96-104, 1985.
- 石原安雄・小葉竹重機:京大防災研年報,14(B): 131-141,1971.
- 7. 土木学会:土木工学ハンドブック(上):495, 1974.
- 8. 永井明博・角屋 睦:京大防災研年報, 23(B-2): 239-247, 1980.