# 流出解析における損失雨量に関する考察

## (河川上流域について)

豊 国 永 次 (農業工学研究室)

## Eiji, TOYOKUNI

Stadies on the basin recharge used to the runoff analysis (on the head waters basin)

#### | 序

流出解析にあたり流域における損失雨量(Basin Recharge)を把握する事は重要な問題であり、Unit-graph method とか characteristic Equation Method 等の有 効雨量の推定に際して当面する問題である。

損失雨量はそれの生ずる流域についてみるとき,雨水 の流出機構上,まず大きく分けて,地面流出の場として の地表域と河道特性の現れる場としての河道域とが考え られる。即ち地表域における損失は Interception, Deprssion storage, Infiltration,及び Detention storage にもとずくものであり,これらは自然にあらわれる山地 域,畑地域及び水田地域において夫々共通した特性をも つであろう。

又河道域では主として河道貯溜による損失で,単位時 間を短かくとる場合,遅滞効果としてあらわれるもので ある。したがつて,一般に山地域に源を発し流下して支 川を合流し氾濫域や湖沼のある河川の中下流においては 河道貯溜の効果は当然考えられる。然し水源に近い河川 勾配の急な上流部では河道貯溜の効果はそれ自身小さく 地表域での流出遅滞効果にくらべて無視して差支えない ものと考える。

本文では山地表域をもつ河川上流部の損失雨量(Basin Recharge) について Infiltration, Retention (滞溜) 及 び Overland flow に関する概念を組合せた Infiltration theory (渗透論)の立場より Basin Recharge を把握し ようとし、モデル流域として鳥取県美歎水源池流域をと り、観測された降雨,流出の資料を用いて考察したもの である。

# ■ 山地表域からなる河川上流域の損失雨量

河川上流域で河道貯溜効果の無視できる場合, 観測点 での Hydrograph は近似的に 山地表域から 河川に 注ぐ Hydrograph と考えられるので, この様な場合の 損失雨 量は地表域の損失雨量とも見做されよう。 水文学で云う 滲透論は Infiltration, Retention 及び Overland flow についての概念を組合せたもので,全降 雨量は全表面流出量と全滲透量の和に等しいと云う事実 に基礎をおくものであるが,出水現象を取扱う場合豪雨 期間中は湿度が高いため,蒸通発による損失は無視しう るものとする。R. E. Horton に始まり, D. Johnstone 及び W. Cross 等の考えた一般概念を要約すると次のよ うになる。

- i) 土壌は渗透能と呼ぶ水分吸収の最大の割合をもつ ている。
- ii) 地表面流出は降雨強度がこの滲透能を越えなけれ ば起らない。
- iii) 降雨強度がこの渗透能を越えると,降雨余剰はまず Depression storage を満し, Detention Depth (滞溜水深)をつくつて地表面流として 河川に注ぎ 始まる。
- iv) 降雨により地表面流を形成するには、それに対応 する水深が必要であり、これを Detention depth とよび、これに基く貯溜効果を Detention storage (滞溜量)と云う。Detention strage を流域に亘る 平均水深で表わしたとき、表面流出量はその水深の 函数であるとする。



- 130 -

以上の考え方を取り入れて、Fig-1 に示す一般のHye tograph とその Hydrograph について考察する。この場 合初期損失をみる期間 ( $t_0 < t < t_1$ ), 流出の始まりから 降雨の 終る期間 ( $t_1 < t < t_2$ ), 降雨終止後流出のみの時 間 ( $t_2 < t < t_3$ ) の3つに分けて取扱う。

a) 降雨開始時刻から出水開始時刻までの初期損失期間 この期間では次の関係が成立する。

$$L = (S_{St_1} - S_{St_0}) + (S_{Gt_1} - S_{Gt_0}) + (S_{Dt_1} - S_{Dt_0}) + (S_{It_1} - S_{It_0}) + t_0 W_{t_1}$$

ここに用いる記号をのべると,

L:流域における損失量。

SS:流域において土壌水分として貯溜されている水量

SG:流域において地下水として貯溜されている水量。

SD: 流域において地表面上に生ずる Depression storageの水量。

W:流域において蒸通発する水量。

上の各記号に付けられた suffix  $t_0, t_1$  等はそれらの時 刻を表わすものとする。

まず上式は 仮定により  $t_0Wt_1 = 0$ , 土壌水分の 増加並 びに地下水貯溜増加量となるものは 流域内での降雨の巻 透に他はならぬから,流域滲透能を f とすると,

 $L = \int_{t_0}^{t_1} f(t) dt + (S_{It_1} - S_{It_0}) + (S_{Dt_1} - S_{Dt_0}) \dots (I)$ 

Interception は地被物の種類に応じて、水膜としてあ るいは水滴として保留効果を持ち、その Capacityは 地 被物上の水分について 重力と表面張力との平衡点にある 訳であるが、風の影響が大きくひゞき一般にこの点より 小さいものである。この Interception は初期損失期間 に 殆んど満されるものと 考えられる。次ぎに (SDt<sub>1</sub>-SDt<sub>0</sub>) は流域内の窪地あるいは流下水阻害等における貯 溜能力によりきまる Depression storage であり、

 $\int_{t_0}^{t_1} fdt は流域における初期の後透損失量である。自然 <math>t_0$ 

流域に対するこれらの値を別個に追求する事は 今後の問題として (I)式右辺の各損失要素の総和された損失量が, Fig-1の Hyetograph と Hydrograph において Hydrograph の立上り時間までの降雨量に相当すると見做し て取扱い,これを初期損失量とする。

b) 流出開始時刻から降雨終止時刻までの期間

この期間は流域の初期損失量が満され,更に継続する 降雨により流出が生ずる期間である。時間 t<sub>1</sub> を起点と して任意の時間 t にて成立する損失量の関係は次の如く あらはしうる。

 $L = \int_{t_1}^{t} fdt + (S_{Dt} - S_{Dt_1}) + (S_{It} - S_{It_0}) + D_t + t_1 W_t$ 

降雨期間中は湿度大なるから $t_1Wt=0$ ,又Interception は無視しうるものとして(SIt-SIt<sub>0</sub>)=0,とすると,

$$\mathbf{L} = \int_{t_1}^{t} \mathbf{f} dt + (\mathbf{S}_{\mathbf{D}t} - \mathbf{S}_{\mathbf{D}t_1}) + \mathbf{D}_t \qquad \cdots \cdots \quad (\mathbf{I})$$

(I) 式で分るように流域損失量が渗透量に 等しくなる のは Depression storge 及び Detention storage が定 常状態になつたときのみにつき云えるもので、 このこと はすでに D. Johnstone 及び W. Cross ものべている事 である。説明を加えると、



Fig-2は Experimental plot で降雨強度が一定なる とき,表面流出曲線を示すものであるが、 $t_z$ をすぎると 流出量 Qは 略々一定に近づく、この  $t_z < t$ の範囲では 定常状態となるから、(SD,t+4t-SD,t)=0,  $D_{t+4t}=D_t$ となり、したがつて

$$\ell \equiv L_{t+dt} - L_t = \int_{t_1}^{t+dt} fdt + (S_{D,t+dt} - S_{Dt_1}) + D_{t+dt} - \int_{t_1}^{t} fdt - (S_{D,t} - S_{D,t}) - Dt = \int_{t}^{t+dt} fdt$$

$$(t7 < t)$$

となり,定常状態が継続すれば流域損失は診透損失を表 すことを示す。

しかし乍ら自然流域に連続降雨がある場合,降雨強度 は時間と共に複雑に変化するもので流域損失量が渗透量 に等しくなる定常な状態は殆んど考えられないものと思 われる。それゆえ一般に Depression Storage 及び Detention storage の効果が Basin Recharge に当然影響 してくる事が考えられるのである。ところでこの Depression storage, Detention storage について, Detention Depthをつくる給源として降雨の時間的分布が問題 となつてくる。特に単位時間の損失を考える場合,"表面 流出量は Detention Depth の函数である』とする滲透 論の立場よりみて降雨強度は重要な要素である。また今 一つの理由として,急峻な山地域では平坦な地域に較べ て Depression storage 及び Detention storage の各

- 131 -

-132-

貯溜効果が減ずるので, 流出は降雨条件とくにその降雨 強度の影響が大きくなる事が推測される。

従来 R. E. Horton, W, Horner, C. Izzard 及び R. Linsley 等による Overland flow を求める取扱いが研 究されてきたがいまだ緒についたばかりで, あるものは 試験地における基本的考察であるとか, あるものはその 取扱いに用いた仮定によつて 直接自然流域に適用できる 段階にたち至つていない現状である。 これらに共通する 欠陥は先に指摘した降雨の時間的変化について 考慮され ていないことである。 そこで強度の変化する連続降雨と Depression, Detention storage 及び Infiltration に 基ずく流域特有の Basin Recharge との関係をモデル 流域につき検討し,降雨強度をパラメーターとしてBasin Recharge の時間的変化を Graphical に表示することを 試みた。

#### c) 降雨終止後の期間

この降雨終止後の期間 (Fig-1における $t_2 < t < t_8$ ) に おいては,降雨によつて地表域に生じた Detention storage にもとずく残溜流出 (Residual Runoff) がある。 この期間では

 $\int_{t}^{t+\Delta t} \mathbb{Q}_{a} dt = (S_{Dt} - S_{Dt+\Delta t}) - tW_{t+\Delta t} - \int_{t}^{t+\Delta t} f dt \dots (\mathbf{I})$ 

が成立する。 この期間でも未だ湿度が高いのでWを無視できるものと仮定して(III)式は次のように表わされる。

$$\int_{t}^{t+\Delta t} Q_{a}dt = (D_{t} - D_{t+\Delta t}) - \int_{t}^{t+\Delta t} fdt \cdots (\mathbf{I})'$$

(Ⅲ)式右辺の各項の量的な関係は Experimental plot ではともかく,実際自然流域では測定できぬので正確に は規定しがたいが,しかし工学上実用の見地では,(Ⅲ)'式 を用い降雨及び流出観測資料より Hydrograph 解析の結 果を用いて 合理的な近似的取扱いができると思われる。

### Ⅲ 美歎水源池流域における損失雨量の 解析と結果の考察

まず流域について概括すると, 鳥取県千代川支川袋川 に注ぐ第一次支流(R. E. Horton が提案し,米国で用いら れている表現で, 第一次支流とは支流をもたぬ水源に近 い細流を呼ぶ)で水源から, 1,915m下流の地点に雨量及 び流量観測所があり,地表域についてみると,地質的には 第三紀層の埴土であり, 地被物は松林, 灌木林が主要部 分を占め, 流域下端には約 3ha の水田が拓けている。流 路延長1,915m, 流域平均巾(A/L<sub>o</sub>)=1,322m, 流域平均 高 度  $\mathbf{E} = \frac{1}{\mathbf{A}} \Sigma (\mathbf{a} \frac{\mathbf{h}_1 + \mathbf{h}_2}{2}) = 245$ m, 流域平均勾配Sg =  $\frac{1}{\mathbf{A}} \Sigma (\mathbf{a} \cdot \mathbf{D}/\mathbf{d}) = \frac{1}{85}$ , 流域面積  $\mathbf{A} = 255$ ha, 河川の平均縦 断勾配は1/13.6, 下流端の河川巾6.06mである。ここに L. は河川の流路延長, A は流域面積, aは各等高線間の



帯状面積、Dは等高線間の高度差、dは相隣る等高線間 の平均距離、h<sub>1</sub>, h<sub>2</sub>は両端の等高線の高度である。上記 諸量よりみて河道貯溜を無視しうる河川上流域の特質を もつものと考えられる。

初期損失雨量が満された $t_1$ 時間 (Fig-1) を起点として 累加降雨曲線 ( $\Sigma$ R-Curve) 並びに 累加表面流出量曲線  $\{\Sigma(Q-Q_0)-Curve\}$ を描き、これら2つの曲線の縦距 差を示すものとして  $\Sigma$ {R $-(Q-Q_0)$ }-Curve を求める と、これは累加損失曲線を表示するものである。

観測資料についてまず気象条件 (特に降雨特性), 流域 の地被状態及び土湿状態を考慮して, 梅雨期, 台風期に 分けて、 $\Sigma$ R-Curve,  $\Sigma$ (Q-Q<sub>0</sub>)-Curve, 及び  $\Sigma$  {R-(Q-Q<sub>0</sub>)}-Curveを求めたものが Fig-3(a), Fig-3(b) である。





- 133 --



これより単位時間 4t における損失雨量( $\ell$ )を求めるに は,累加損失量  $\Sigma$ { $R-(Q-Q_0)$ }-Curve の単位時間に 対する増加量により容易に得られる。即ち梅雨期,台風





期に分けて Fig-3(a)及び Fig(b)を基にして連続降雨の 単位時間毎の損失雨量を求め、これと対応する単位時間 の降雨を図に表わしたものが Fig-4及び Fig-5である。



これをみると、単位時間の損失雨量はその降雨強度及 び経過時間と密接な関係がある事が分る。そこで観測さ れた各連続降雨について求めた単位時間に対する損失量 (損失能)を、縦軸に損失量、横軸に経過時間をとつた グラフ上に plot し、降雨強度を Parameter として損失 能を表示すると、Fig-6 及び Fig-7 の曲線か得られる。 これらの曲線群は 降雨強度別に流域の平均損失能曲線

を表示したものに他ならない。したがつて強度が時間的

豊国永次:流出解析における損失雨量に関する研究



- 135 -

に変動する一般の連続降雨の単位時間毎の損失雨量(ℓ) を知るには、考察の対象とする単位時間々隔の降雨強度、 流出の始まるt<sub>1</sub>時間を起点とした対象とする単位時間々 隔までの時間、及び降雨期の函数と考えて、Fig-6あるい は Fig-7のグラフ上から決める事が出来る訳である。

今 Fig-6 及び Fig-7で表示される流域の平均損失能曲線についてその性格を考察しよう。

1) 損失能曲線群をみると,最大値をとる初期損失能の 点 (t=0) より逓減する曲線を描き,ある時間に達すると それ以後は略々直線となる。この逓減曲線と直線部との 接続点は,降雨強度iによつて異なり,iが大きい程逓減 部は短かく, i=10mm/hrのときはt=3hr,i=8mm/hrの ときはt=5hr,i=5.0/mmhrのときはt=7hr,…と,iが 小さくなるにつれて殆んど直線に近い曲線となる。これ は降雨強度が大きくなると Detention Depth も大きく なり,流域全体に亘り時間的に速やかに土壌が飽水され るからと考えられる。

2) 平均損失能曲線を梅雨期と台風期のものについてみると、殆んど類似した結果を示すが梅雨期のものは多少とも曲線群が下まわり損失能曲線の初期における曲線の勾配が小さい様である。これは梅雨期では夏秋に当る台風期に比して流域土湿が平均的に幾分大きい事による影響であろう。

3) 捐失能曲線が直線部分となる一定値について検討す ると,

表— 1

降 雨 強 度 i (mm/hr)	極限損失能 le (mm/hr)	損失比 le/i (%)
0.5	0.40~0.45	80~90
1.0	0.88~0.90	88~90
2.0	1.75~1.82	88~91
3.0	2.70~2.80	90~93 ·
4.0	3.65~3.75	91~94
5.0	4.60~4.75	92~95
6.0	5.60~5.70	93~95
7.0	6.60~6.70	94~96
8.0	7.60~7.70	95~96
9.0	8.60~8.65	• 95~96
10.0	9.75~9.61	96

表一1により明らかな如く,極限損失能に達したのち, 降雨強度別の損失能の降雨強度に対する割合は i=1.0~ 10mm/hrでせいぜい 6%程度の変化が みられる位で ある が,一般に降雨強度の増大につれて損失比 (le/i×100) はほんのわずかではあるが増加する傾向がある。この傾 向は降雨強度が大きくなると当然 Detention Depth も 増加するが,これによる Detention storage の効果が 地被物とも関聯して漸増するためであろう。特に短い単位時間々隔においてはこの Detention storage の効果は当然考えられるものである。それゆえ降雨強度をparameterとする損失能曲線の間隔はほんの僅かづつ増加してゆくが、i = 7mm/hr以上では略々一定に近いものとなる。

これらの降雨強度別に描かれる損失能曲線群は、この 流域に対しては降雨強度 i=1mm/hr おきに平均曲線を 引く事ができたが、これ以上の細分化は Hydrograph Analysis,単位時間の採り方, 観測資料等の精度に関連 して意味を失うおそれがあり、実用上からみて i=1mm/ hr 間隔にとつた平均損失能曲線で充分と考えられる。

以上考察の結果, 流出開始時刻より降雨期間中におけ る単位時間内での流域平均損失能を知るには、求めんと する単位時間降雨の強度, 経過時間,降雨期を調べ,ま ず降雨期別に Fig-6 あるいは Fig-7をとり,次に流域の 平均損失能を示す曲綿群から降雨強度に対応する曲線を 撰び, 経過時間をこの曲線上にとれば,この点が求むる 単位時間降雨に対する損失能を与えることになる。

次に降雨終止期間について検討しよう。この期間では (Ⅲ)′式の関係が成立する。Residual Runof ∫ Qadt は Hydrograph下の面積として容易に求めることができる。 観測資料につき, Residual Runoff 期間内の任意時刻 t の流量 (Qa) とこの時刻以後の 【<sup>3</sup>Qadt で表される渗透 能を差引いた Detention storage(D')との関係を検討す ると対数紙上に直線に近い一つの関係曲線が得られ、こ の関係曲線は流域特有のものである。この降雨終止後の 残溜流出は降雨期間中単位時間において 損失の形で示さ れる Detention storage によりおこるので, Residual Runoff. Rr= \ Qadt = D' と損失量及び降雨との関係を 検討する。Rr と累加損失雨量 LtRr と初期損失雨量を除 いた累加損失量 Lts, 及びRr と連続降雨において降雨終 止時間から逆に降雨時間分布の谷までの時間 tr 内の損失 量 $L_{tr}$ との関係, 又  $R_r$ と累加降雨量  $\Sigma R$ ,  $R_r$ と初期損 失雨量を除いた累加雨量 ΣR<sub>0</sub>, Rr と連続降雨において降 雨終止時間から逆に t = 5hr, t=8hr, = 10hr の間の累 Σr, Rr と連続降雨において降雨終止 加雨量 時間から逆に降雨時間分布の谷までの時間を tr 内の降雨 量 Rtr との関係等を各資料について求め、これをグラフ にプロツトした結果,  $R_r \sim \Sigma R$ ,  $R_r \sim \Sigma R_0$ ,  $R_r \sim \Sigma r$ ,  $R_r$ ~Σr, Rr~Σr, の関係は点がバラつき相互の関係は殆 んど見出しえない。又 Rr~Lt, Rr~Lts との関係につ いても同様である。これに反し、Rr~Rtr 及び Rr~Ltr では一つの曲線上にのり、相互の関係に指針を与えるよ うである。これは一般に流出は時間的に近く起つた降雨 の影響が大きい事を考えれば、Residual Runoff につ いても云えることで、特に Detention storage は降雨 時間分布の谷によりその消長がみられる点から  $Rr \sim Rtr$ 及び  $Rr \sim Ltr$  の関係が考えられるのである。これらの詳 細な関係については更に大きい連続雨量をとる場合とも 合せて充分な資料より検討ずべきで今後の問題とし、こ ゝではこの流域における連続降雨量  $\Sigma R = 70 \sim 80 mm$  程 度迄の観測範囲内で一体 Residual Runoff はどの程度 あるかをみよう。

降雨終止期間に対する(II')式右辺各項の総和された結 果の Residual Runoff 全量  $\int_{t_2}^{t_3} Q_a dt$  を各資料につい て降雨期別に図示したものが Fig-8(a)(b) である。



この図において後半の点線で示される部分が Residual Runoff による累加損失量の減少を示し, Residual Ru noff の全量は 降雨終止時に現れる 累加曲線の 最大値と Residual Runoff の終る時間の値との差として表示でき る訳で,

昭和29年9月18日		年9月18日	$\Sigma R = 58.2 mm$	$R_r = 3.9 mm$	
	-11	8月20日	$\Sigma R = 53.8 \text{mm}$	$R_r = 0.6mm$	
	//	9月 8日	$\Sigma R = 54.4 \text{mm}$	$R_r = 0.4mm$	
	//	6月20日	$\Sigma R = 34$ 2mm	$R_r = 1.7mm$	
昭和30年7月 4日		军7月 4日	$\Sigma R = 74 2 mm$	$R_r = 2$ 9mm	
	//	6月15日	$\Sigma R = 39.2 \text{mm}$	$R_r = 0.5mm$	

Residual Rnoff の全量は最大3 9mmまでゝある。これは地形急峻な河川上流の山地域では Detention storage は平地に比して少なく、且つ速やかに流下し、Residual Runoff となる部分は僅小なものとなる事を示す。したがつて Interception, Depression storage を含めた初期損失量の規定における精度を考慮すると、 $\Sigma R = 70$ 

~80mm 程度迄の降雨に対しては 略々無視して 取扱つて よい事が許容されるであろう。 この事は単位時間の降雨 はそれによる有効雨量の主要部分が その時間に流出する と云う仮定を含むもので, このためには河道に至るまで の地表面は勾配がきつく,その流路は長くてはならない。 したがつて 流域の余り大きくない河川上流域がその対象 となるであろう。猶ほ連続雨量が 80mm 以上となると勿 論資料について実証的検討が必要である。

#### N) む す び

流出機構上,流域は地表面流出の場としての地表域と 河道特性のあらわれる場としての河道域に分けて考えら れる。本文では山地表域からなる河川上流部の損失雨量 について Infiltration theory の立場より把握せんとし, モデル流域として鳥取美歎水源池流域をとり, 観測され た降雨,流出の資料をもとに考察した。

損失期間を(i)降雨開始時刻から出水開始時刻迄の損 失期間,(ii)流出開始時刻から降雨終止時刻までの降雨 期間,(iii)降雨終止後の残溜流出期間に分けて検討した 結果,降雨期間について従来看過されていた降雨強度に よる損失雨量の変動を指摘し,単位時間降雨量と流域平 均損失量との関係を降雨強度を parameter として実測 資料を基に流域平均損失能曲線を得た。

残溜流出期間については、河川上流域で地形急峻なた め流下が速やかで残溜流出となる降雨終止時の Detention storage は少く、観測範囲の連続雨量 70~80mm 迄 の資料については最大3.9mm程度にすぎず、この範囲内 では無視しても大過ない事が分つた。したがつてこの様 な山地上流域に中程度までの降雨がある場合、降雨強度 を加味した流域平均損失能曲線より連続降雨の各単位 時間に対する損失雨量を推定することができるであろ う。連続雨量が大となり80mm以上の場合については、更 に資料による裏付けをまつて次に検討を加えたい。

本稿を終えるにあたり,御指導を賜つた京都大学高月 教授,並びに観測及び資料収集に御尽力を頂いた鳥取大 学講師柘植已一氏に深謝の意を表する。

#### 献

- D. Johnstone & W Cross. Element of Hydrology. 1949.
- 2. R. Linsley & Others. Applied Hydrology. 1949.
- 3. R. E. Horton. Headwaters Control & use. 1932.
- 4. S. S. Butler. Engineering Hydrology. 1957.
- 5. H. Rouse. Engineering Hydiaulics. 1950.

文

#### Résumé

In this paper, author has considered the basin recharge on the headwaters basin from a standpoint of infiltration theory and has considered observed rainfall and runoff data on the Mitan reservoir basin in Tottri prefecture as a model basin.

Author divided the basin recharge period into the three poriod; (i) initial basin recharge period, (ii) basin recharge period durjng rainfall, (iii) residual runoff period. On these periods, auhor has treated the basin recharge on the model basin.

As the result, the basin recharge was varied by rainfall intensities, and then average basin recharge capacity curve on the model basin, as a parameter rainfall intensity, was drawn. The following is characteristics of average basin recharge chapacity curve;

(a) These curves are depletion curve which approachs final values, these final values has different values by rainfall intensity; when rainfall intensity is large, final value become proportionally large, then a part of depletion curve is short in inverse proportion to rainfall intensity.

(b) These curves has a little different curves between the rainy season and a typhoon period. I suppose that this difference is the variation of seasonab lesoil moisture and intercepted leaves.

In residual runoff period, the shape on the headwaters basin is so steep that residual runoff is a little, In model basin, it was max.  $3.9^{\text{mm}}$  to the extent of continuous rainfall 70~80mm

Therefore, in the case which precipitation to the extent of middle degree ( $\sim 80$ mm) falls in the headwaters basin, as residual runoff are neglegible, the basin recharge in each unit time may deduce from the averagebasin recharge capacity curve ,as a parameter rainfall intensities.

In the next step, from observed rainfall and runoff datum, author intends to make a study of the basin recharge in large precipitation

- 138-